



Matemática 2º Ano

Resposta da atividade de quinta-feira (29 de outubro de 2020)

Matemática 14– Geometria analítica no plano - página 23- exercício 1 e 2 – página 24-

exercício 1 e 2.

1)

a)

5/

$$\text{A fórmula é: } d = \frac{|A \cdot (x') + B \cdot (y') + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}} = \frac{|3 \cdot (1) + 4 \cdot (-2) - 5|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} =$$
$$= \frac{|-10|}{5} = \mathbf{2 \text{ unidades de comprimento}}$$

b)

$$\text{A fórmula é: } d = \frac{|A \cdot (x') + B \cdot (y') + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}} = \frac{|-3 \cdot (1) - 4 \cdot (-2) - 5|}{\sqrt{9 + 16}} = 0$$

Sendo a distância nula, o ponto (1, -2) pertence à reta de equação $-3x - 4y - 5 = 0$, pois as coordenadas do ponto satisfazem a equação dada.

O ponto (1, -2) pertence à reta dada.

2)

A distância entre as paralelas é:

$$d = \frac{|C - C'|}{\sqrt{A^2 + B^2}} = \frac{|1 - (-7)|}{\sqrt{16 + 1}} = \frac{8}{\sqrt{17}} = \frac{8\sqrt{17}}{17} \text{ unidades de comprimento}$$

1)

Os coeficientes angulares das retas são:

$$(r): y = -2x + 3 \Rightarrow a = -2$$

$$(s): y = x + 5 \Rightarrow a' = 1$$

Aplicamos a fórmula do ângulo entre duas retas:

$$\operatorname{tg} \theta = \left| \frac{a - a'}{1 + a \cdot a'} \right|$$

$$\operatorname{tg} \theta = \left| \frac{-2 - 1}{1 + 2 \cdot (-1)} \right| = 3 \rightarrow \mathbf{\operatorname{arc} \operatorname{tg} 3}$$

CC-BY

2)

Duas retas passam pela origem e formam 45° com a reta dada.

Pela equação do feixe de retas:

$$y - 0 = a \cdot (x - 0) \Rightarrow y - 0 = a \cdot (x - 0) \Rightarrow y = ax$$

O coeficiente angular da reta r é $a' = -3$; ao substituí-lo em

$$\operatorname{tg} \theta = \left| \frac{a - a'}{1 + a \cdot a'} \right| = 1,$$

obtemos duas soluções. Note que $\left| \frac{a + 3}{1 - 3a} \right| = 1$

$$1^\text{ª} \text{ solução: } a + 3 = 1 - 3a \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

$$2^\text{ª} \text{ solução: } a + 3 = -1 + 3a \Rightarrow a = 1$$

Reta s : $x + 2y = 0$ e reta t : $2x - y = 0$

CC-BY